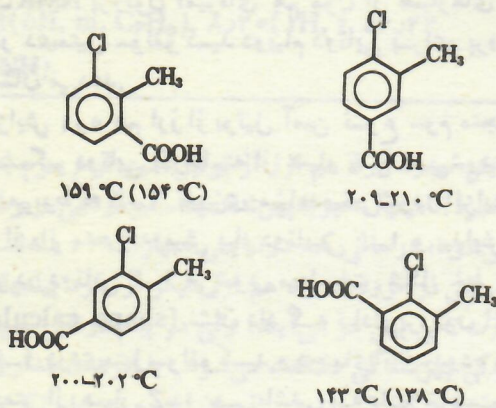


# مقالات کوتاه

## ○ سه معما در آزمایشگاه شیمی آلی



آزمایش زیر را به‌دقت انجام دهید و معین کنید که با انجام این آزمایش کدام یک از مواد بالا به‌دست می‌آید.

### آزمایش مربوط به معمای اول

یک قطعه کوچک از آلومینیم کلرید خشک را به یک لوله آزمایش که حاوی ۲ میلی لیتر متیلن کلرید است اضافه می‌کنیم. با استفاده از یک پی‌پت مدرج دقیقاً ۲۰ میلی لیتر ۲-کلسروتولون و ۱۵ میلی لیتر استیل کلرید به آن می‌افزاییم و می‌گذاریم تا این مواد در دمای آزمایشگاه به مدت ۶۰ تا ۹۰ دقیقه واکنش دهند. سپس مخلوط را به لوله آزمایشی که حاوی یخ خرد شده است منتقل می‌کنیم. حدود ۳ تا ۵ میلی لیتر HCl غلیظ به آن اضافه می‌کنیم تا اگر نمکی از آلومینیم تشکیل شده باشد در اسید حل شود. پس از تکان دادن لوله آزمایش، لایه آبی را دور ریخته و به لایه متیلن کلرید ۱۵ میلی لیتر آب مقطر و ۱۰ میلی لیتر محلول  $\text{Na}_2\text{CO}_3$  ۵ درصد اضافه می‌کنیم. لوله آزمایش را مجدداً به شدت تکان می‌دهیم و سپس بیش از دو بار آن را با آب مقطر شستشو می‌دهیم. لایه متیلن کلرید را کاملاً کنار گذاشته و یا زیر هود قرار می‌دهیم تا تبخیر گردد. بدین ترتیب ماده روغنی زرد رنگی با بوی مخصوص استوفنون به‌دست می‌آید.

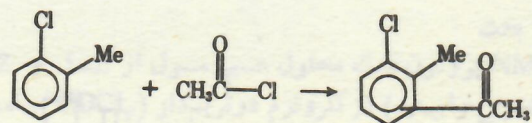
استوفنون سپس با استفاده از NaClO به بنزوئیک اسید مربوطه تبدیل می‌شود. ماده روغنی زرد رنگ به‌دست آمده را ۵ میلی لیتر اتانول حل کرده، سپس ۱۰ میلی لیتر محلول ۲۵٪ NaClO ۵ درصد به آن اضافه می‌کنیم. مخلوط را در زیر هود به مدت ۲ دقیقه حرارت داده تا کلروفرم آن خارج گردد. با اضافه کردن استون

سالهای متمادی ما از این مسئله دفاع کرده‌ایم که کار آزمایشگاهی به‌جای بیان تکنیک و یا تشریح مطالب، حل معما باشد. اگر چه این هدف در مورد شیمی عمومی به‌طور گسترده پذیرفته شده، ولی در زمینه شیمی آلی کمتر بدان توجه شده است. این برداشت که آزمایشگاههای شیمی آلی به‌طور طبیعی مانند کتاب آشپزی و تشریحی هستند به‌وسیله تحقیق عملی مورد تأیید قرار گرفته است. یکی از دلایلی که فقط تعداد کمی از آزمایشگاههای شیمی آلی نمایشگر مسائل جالب بوده‌اند به‌خاطر نبودن تمرینهای مناسب است. در این مقاله سه معما ارائه می‌شود. هر کدام از این معماها تنها با استفاده از نقطه ذوب می‌توانند حل شوند. هر آزمایش فقط به مقادیر ۱۰۰ تا ۲۰۰ میلی گرم احتیاج دارد و در این مقیاس کم هم هنوز ظروف شیشه‌ای معمولی آزمایشگاهی کافی بوده و در عین حال سرعت و ایمنی روشهای دقیق را دارا می‌باشد.

این معماها به‌عنوان طرح ویژه‌ای برای دو گروه (حدوداً ۲۰ نفری) از دانشجویان سال سوم در گرایش شیمی آلی در دانشگاه پرینستون آزمایش شده‌اند. با آنکه دانشجویان هیچ‌گونه تجربه قبلی در خصوص آزمایشها در مقیاس کم نداشتند با هیچ اشکالی مواجه نشدند.

### معمای اول

۲-کلروتولون با استیل کلرید در مجاورت آلومینیم کلرید واکنش می‌دهد. این واکنش آسید دار کردن فریدل-کرافتس می‌تواند چهار محصول ممکن را تولید نماید.



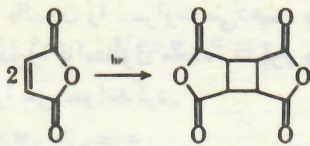
هریک از این ایزومرها می‌توانند از طریق واکنش هالوفرم به بنزوئیک اسید استخلاف شده اکسید شوند. محصولات به‌دست آمده را می‌توان به‌وسیله نقطه ذوبشان تشخیص داد.

می کنیم. سپس ۵ میلی لیتر متیلن کلرید به آن می افزاییم و لوله آزمایش را به شدت تکان می دهیم تا دولایه حاصل شود. لایه رویی را دور ریخته و لایه متیلن کلرید را بیش از دو بار با آب شستشو می دهیم و سپس لایه متیلن کلرید را تبخیر می نماییم. رسوب حاصل را با متانول و آب مجدداً متبلور می کنیم. گاهی تبلور مجددومی جهت بالا بردن درجه خلوص محصول لازم است تا نقاط ذوب نمونه های مختلف از رسوب نزدیک بهم گردند.

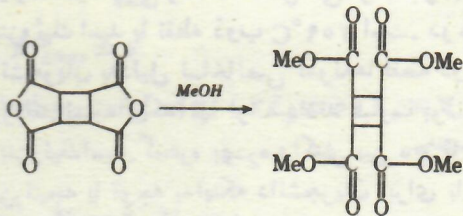
برای تشخیص مشتق دو استخلافی از محصول تک استخلافی که نقاط ذوب نزدیک بهم دارند بهتر است نقطه ذوب مرکب نمونه با نقطه ذوب ۴-نیتر و راترول (موجود در آلدریچ) مقایسه شود. استفاده از نقطه ذوب مرکب روشی بسیار مفید در حل مسئله می باشد.

### معمای سوم

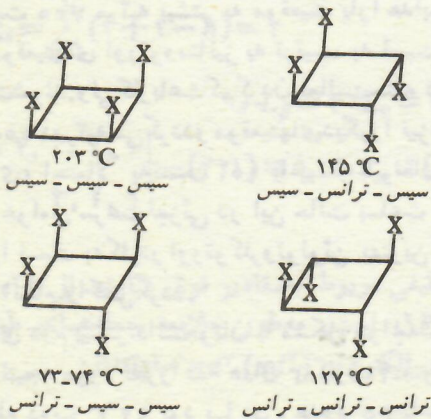
اگر مالئیک انیدرید در معرض نور قرار گیرد دی مر می شود.



محصول را می توانیم با متانول به راحتی به ۱ لیتر تبدیل کنیم.



در اثر این عمل چندین ایزومر با نقاط ذوب منحصر به فرد خود به دست می آیند. (X = COOCH<sub>3</sub>)

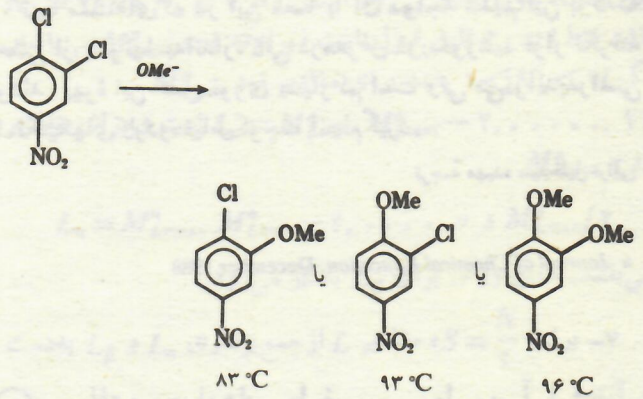


آزمایش زیر را به دقت انجام دهید و معین کنید که با انجام این آزمایش کدام یک از مواد بالا به دست می آید.

زیادی OCl<sup>-</sup> را خنثی کرده و دوباره به مدت ۲ تا ۳ دقیقه مخلوط را حرارت می دهیم. سپس ۲ تا ۳ میلی لیتر HCl غلیظ به آن اضافه می نماییم و بدین ترتیب بنزوئیک اسید استخلاف شده رسوب می نماید. این رسوب را بدون استفاده از صافی مکنده صاف کرده و در قیف جمع آوری می کنیم و محلول زیر صافی را دور می ریزیم. روی رسوب حاصل محلول ۱۰۰ میلی مولار NaOH می ریزیم. قسمتی از رسوب حل شده ولی قسمتی از آن نامحلول باقی می ماند. این ذرات حل نشده ماده بسیاری زرد و یا قهوه ای رنگی است که پس از صاف کردن بر روی کاغذ صافی باقی خواهد ماند. محلول قلیایی حاصل با قطره قطره اضافه کردن HCl خنثی شده و بنزوئیک اسید استخلاف شده و کاملاً خالص رسوب می نماید. پس از صاف کردن می توان نقطه ذوب آن را گرفت.

### معمای دوم

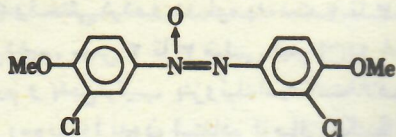
دانشجویان معمولاً به کرات با استخلاف الکتروندوستی بر روی حلقه آروماتیک سروکار داشته اند ولی کمتر با استخلاف هسته دوستی بر روی حلقه آروماتیک کار کرده اند. اگر ۳،۴-دی کلرونیتر و بنزن با سدیم متوکسید وارد واکنش شود متیل اتر تشکیل می گردد. اما به دلیل وجود دو اتم کلر در حلقه این سؤال مطرح است که عمل استخلاف در کدام موقعیت انجام خواهد گرفت، پارا یا متا و یا برای تشکیل ۲-نیتر و راترول در هر دو موقعیت؟



آزمایش زیر را به دقت انجام دهید و معین کنید که با انجام این آزمایش کدام یک از مواد بالا به دست می آید.

### آزمایش مربوط به معمای دوم

توجه: دانشجویان باید آگاه باشند که ترکیبات نیتر و آروماتیک سبب تحریکات پوستی شده و همچنین سمی می باشد. حدود ۱۰۰ تا ۲۰۰ میلی گرم ۳،۴-دی کلرونیتر و بنزن به یک بالون ۱۰ میلی لیتری که به یک میرد متصل شده است منتقل می شود و حدود ۵ میلی لیتر متانول خشک بدان اضافه می گردد. دو قطعه کوچک به وزن ۲ تا ۴ گرم سدیم متوکسید نیز به آن اضافه می کنیم و حدود یک ساعت مخلوط را در حین بازروانی حرارت می دهیم. بعد از گذشت یک ساعت مواد موجود در بالون را به یک لوله آزمایش منتقل کرده و به اندازه دو برابر حجم آن آب اضافه



این جامد زرد رنگ در دمای  $182^{\circ}\text{C}$  ذوب می شود ولی آنچه مسلم است این است که محصول مورد نظر ۲-کلرو-۳-متوکسی نیتروبنزن باید در شرایط خاصی کاهیده و تبدیل به این ماده بشود. این ترکیب آزوکسی به نظر می رسد که در اثر جوشیدن تا مرحله خشک شدن مخلوط حاصل می گردد. سمیت این ماده هنوز شناخته نشده است، به هر حال طبق آخرین اطلاعات، آزوکسی بنزن استخلاف نشده سرطان زانیست. این محصول جانبی فقط برای نشان دادن تمام جوانب واکنش ارائه گردید، چرا که اگر مراحل آزمایش به دقت انجام گیرد این محصول اصلاً تشکیل نخواهد شد.

دی مرشدن مالئیک انیدرید محصول سیس، ترانس، سیس با نقطه ذوب  $142^{\circ}\text{C}$  تولید می کند. به خاطر مینیمم کردن فشار روی حلقه مرکزی وجود ترکیب سیس، سیس، سیس و یا سیس، ترانس، سیس الزامی است، البته به شرطی که هیچ گونه جابه جایی بعدی نداشته باشیم محصول سیس، سیس، سیس به دلیل ممانعت فضایی احتمالاً مشاهده نمی گردد. قابل توجه است که پایداری ترمودینامیکی موجب این می شود که پیکربندی نامتقابل ترانس، ترانس، ترانس هم در این آزمایش مشاهده نشود.

تنها مسئله ای که در این معما با آن مواجه شدیم این بود که بعضی از بالونها به اندازه کافی در معرض نور خورشید قرار نگرفته بودند. بهره این عمل نوری بسیار کم است ولی می تواند به راحتی با تکنیکهای کاردرمقیاس کوچک انجام گیرد.

ترجمه مهیده سیدخلیل عراقی

• Journal of Chemical Education, December 1988

## یافتن جمله های طیفی مربوط به آرایش الکترونی های هم ارز از راه تقسیم اسپینهای کل

جمله های طیفی اتمی در بررسی ساختار اتمی در فیزیک اتمی، شیمی کوانتومی و شیمی ساختاری اهمیت اساسی دارند، ولی یافتن این جمله های طیفی برای الکترونی های هم ارز می تواند مشکل باشد. روشهای متداول مانند «ترتیب بندی الکترونی»، «نمودار اسلیتر» و «تابع موج دترمینانی» به قدری کسل کننده اند که به ندرت برای آرایشهای بزرگتر به کار می روند. «روش هید» و «روش فاکتور اسپین» اصلاحاتی را نشان می دهند ولی باز هم برای حالت های پیچیده کسل کننده و طولانی می باشند.

محلولی از ۴ تا ۵ گرم مالئیک انیدرید در ۳۰ میلی لیتر متیلن کلرید تهیه کرده و در معرض نور قرار می دهیم. در صورت لزوم محلول را گرم نموده، باقیمانده مالئیک اسید جامد را صاف می کنیم. محلول را در یک بالون ۲۵۰ میلی لیتری ریخته، در آن را محکم با چوب پنبه می بندیم (در پوش لاستیکی نباید مصرف شود) و یک ورقه پلاستیکی روی چوب پنبه می کشیم. سپس به مدت یک هفته بالون را مقابل پنجره آزمایشگاه قرار می دهیم. به نظر می رسد حداقل ۶ تا ۸ ساعت نور مستقیم خورشید برای انجام واکنش لازم است. در اثر واکنش نوری فوق رسوبی حاصل می گردد. محلول روی آن را به وسیله قطره چکان از محیط خارج می کنیم. سرتقره چکان را باید طوری به ته بالون بچسبانیم که مانع از ورود رسوب به داخل قطره چکان شود. سپس رسوب را در ۳ تا ۵ میلی لیتر متانول همراه با حرارت دادن حل می نماییم و بعد بالون را با متانول شستشو داده و مواد شستشو داده شده را به محلول اصلی اضافه می کنیم. ۴ قطره  $\text{HCl}$  غلیظ به آن افزوده و به مدت یک ساعت ضمن بازروانی محتویات بالون را حرارت می دهیم. محلول را تبخیر کرده و رسوب حاصل را با متانول مجدداً متبلور می سازیم. تعیین نقطه ذوب، معما را حل خواهد کرد.

## بحث و نتیجه گیری

بیشتر دانشجویان بدون هیچ اشتباهی معمای اول را حل کردند، زیرا بنزوئیک اسید خیلی راحت خالص می شود. جواب ۳-متیل-۴-کلروبنزوئیک اسید با نقطه ذوب  $209^{\circ}\text{C}$  است. در حدود ۲۰ درصد دانشجویان به دلیل ناخالصی نمونه ها نقطه ذوبی کمتر به دست آوردند. نتیجه ای که آنها ارائه دادند عبارت بود از ۳-کلرو-۴-متیل بنزوئیک اسید. گستره بهره واکنش بین ۳۰ تا ۷۰ درصد بود و این نتیجه با توجه به اینکه دانشجویان برای بار اول با مقادیر کم کار می کردند قانع کننده است.

چنین نتیجه شگفت انگیزی به عوامل سرعت جزئی در استخلاف گروه متیل و کلردرواکنش آسپیل دار شدن فریدل-کرافتس نسبت داده شده است. گروه متیل تولوئن باعث می گردد که استخلاف گروه بعدی به نسبت ۷۰۰ مرتبه بیشتر به موقعیت پارا هدایت شود، و همچنین به موقعیتهای اورتو و متانیز به ترتیب به نسبت ۲۵ و ۱۰۰ مرتبه هدایت شوند. ولی کلر باعث کم کردن فعالیت حلقه در موقعیت پارا به نسبت ۱۰۰ مرتبه می گردد و موقعیتهای دیگر را نیز به نسبت های خیلی بیشتری، احتمالاً به نسبت ۱۰۴ یا بیشتر غیر فعال می نماید. حاصل ضرب عوامل سرعت جزئی در این حالت باعث می شود که موقعیت پارا نسبت به کلردر اورتو و کلروتولوئن بهترین موقعیت و محل برای انجام واکنش گردد.

در معمای دوم بیشتر دانشجویان با مشکل مواجه شدند. حدود نصف آنها نتیجه مورد نظر را که همان ۳-کلرو-۴-متوکسی نیتروبنزن با نقطه ذوب  $92^{\circ}\text{C}$  بود با بهره حدود ۵۰ تا ۷۰ درصد به دست آوردند. محصول نیز به آسانی از روی رسم شکل های رزونانسی ماده اولیه و اینکه یک آنیون کجا می توانست حمله کند قابل پیش بینی بود. ولی یک محصول جانبی نیز در بعضی موارد به دست می آمد که ساختار آن در زیر رسم شده است.

$$M_{Lmax}^{\alpha} = \sum_{k=1}^2 (1+1-k) = 1+0 = 1$$

$$M_{Lmax}^{\beta} = 0$$

بنابراین

$$L = L_{\alpha} + L_{\beta} = 1+0 = 1, L_{\beta} = 0, L_{\alpha} = 1$$

می باشد. پس جمله طیفی  ${}^2P$  است.

$$S = 0, N_{\alpha} = 1, N_{\beta} = 1 \quad (ب)$$

$$M_{Lmax}^{\alpha} = \sum_{k=1}^1 (1+1-k) = 1$$

$$M_{Lmax}^{\beta} = \sum_{k=1}^1 (1+1-k) = 1$$

لذا  $L = (2, 1, 0) - 1 = 2, 0$  و  $L_{\beta} = 1, L_{\alpha} = 1$  برای جمله های طیفی  $D$  و  $S$  است. به طور خلاصه جمله های طیفی آرایش الکترونی  $(np^2)(np^2)$ ،  $S$ ،  $D$ ،  ${}^2P$  هستند.

$$nd^2(nd^2): l=2, N=2, S=\frac{3}{2}, \frac{1}{2} \quad (2)$$

$$S = \frac{3}{2}, N_{\alpha} = 3, N_{\beta} = 0 \quad (الف)$$

$$M_{Lmax}^{\alpha} = \sum_{k=1}^3 (2+1-k) = 2+1+0 = 3$$

$$M_{Lmax}^{\beta} = 0$$

بنابراین  $L = 3, 1$  و  $L_{\beta} = 0$  و  $L_{\alpha} = 3, 1$  است. جمله های طیفی  ${}^2P, {}^4F$  هستند.

$$S = \frac{1}{2}, N_{\alpha} = 2, N_{\beta} = 1 \quad (ب)$$

$$M_{Lmax}^{\alpha} = \sum_{k=1}^2 (2+1-k) = 2+1 = 3$$

$$M_{Lmax}^{\beta} = \sum_{k=1}^1 (2+1-k) = 2$$

لذا  $L_{\beta} = 2, L_{\alpha} = 3, 1$

$$L^* = \begin{array}{c} 5, 4, 3, 2, 1 \\ 3, 2, 1 \end{array} \Big| - (3, 1) = 5, 4, 3, 2(2), 1$$

می باشد.

جمله های طیفی مربوط به مقادیر فوق عبارتند از  ${}^2G, {}^2F, {}^2H, {}^2D, {}^2P$  است. به طور خلاصه جمله های طیفی مربوط به آرایش الکترونی  $(nd^2)(nd^2)$  عبارتند از:

\*  $L$  از فرمول زیر به دست می آید:

$$L = \{L_{\alpha} + L_{\beta}, L_{\alpha} + L_{\beta} - 1, \dots, |L_{\alpha} - L_{\beta}|\}_s -$$

$$\{ |L_{\alpha} + L_{\beta}|, L_{\alpha} + L_{\beta} = 1, \dots, |L_{\alpha} - L_{\beta}| \}_{s+1}$$

روشنی که در اینجا بدون اثبات آورده شده است روش اصلاح شده فاکتور اسپین است. کاربرد این روش ساده تر و آسانتر از روشهای قبلی است و جمله های طیفی صحیحی برای آرایشهای الکترونی با  $d^N, p^N, f^N$  به دست می آید. در واقع می توان آن را روش «محاسبه میانبر» نامید. قواعد مربوط به این روش به همراه مثالهای توضیحی در قسمت زیر آورده شده است.

قواعد

۱- برای آرایش با  $N$  الکترون هم ارز،  $nl^N$ ، اسپینهای کل ممکن به ترتیب کاهش مقدار آنها عبارتند از:

$$S = \frac{N}{2} \text{ یا } \left(\frac{N}{2}\right) - 1, \dots, \frac{1}{2}$$

۲- برای هر مقدار  $S, N_{\alpha}$  و  $N_{\beta}$  مشخص می شود ( $\alpha$  و  $\beta$ )  $m_s$  را به ترتیب با مقادیر  $1/2$  و  $-1/2$  نشان می دهند.  $M_{Lmax}^{\alpha}$  و  $M_{Lmax}^{\beta}$  از فرمولهای زیر به دست می آیند،

$$M_{Lmax}^{\alpha} = \sum_{k=1}^{N_{\alpha}} (l+1-k)$$

$$M_{Lmax}^{\beta} = \sum_{k=1}^{N_{\beta}} (l+1-k)$$

۳- اگر  $N_{\alpha} = 0$  یا  $N_{\alpha} = 2l+1$  باشد فقط  $L_{\alpha} = 0$  قابل قبول است، چون  $M_{Lmax}^{\alpha} = 0$  است. اگر  $N_{\alpha} = 1$  و یا  $N_{\alpha} = 2l$  باشد فقط  $L_{\alpha} = l$  قابل قبول است زیرا که  $M_{Lmax}^{\alpha} = l$  می باشد. اگر  $1 < N_{\alpha} < 2l$  باشد برای مقادیر فرد  $M_{Lmax}^{\alpha}$  است و برای مقادیر زوج  $M_{Lmax}^{\alpha}$

$$L_{\alpha} = M_{Lmax}^{\alpha}, M_{Lmax}^{\alpha} - 2, \dots, 0 \text{ و } M_{Lmax}^{\alpha} / 2$$

می باشد. همین روش برای  $L_{\beta}$  به کار می رود.

۴- برای  $S = \frac{N}{2}$ ، مقادیر  $L$  از جمع برداری  $L_{\alpha}$  و  $L_{\beta}$  به دست می آید:

$$L = \{L_{\alpha} + L_{\beta}, L_{\alpha} + L_{\beta} - 1, \dots, |L_{\alpha} - L_{\beta}|\}$$

و برای سایر مقادیر  $S$ ، مقدار  $L$  از تفاضل جمعهای برداری  $L_{\alpha}$  و  $L_{\beta}$  برای دو مقدار متوالی  $S$  به دست می آید

$$L = \{L_{\alpha} + L_{\beta}, L_{\alpha} + L_{\beta} - 1, \dots, |L_{\alpha} - L_{\beta}|\}_s$$

$$- \{L_{\alpha} + L_{\beta}, L_{\alpha} + L_{\beta} - 1, \dots, |L_{\alpha} - L_{\beta}|\}_{s+1}$$

مثالها

$$np^2(np^2): l=1, N=2, S=1, 0 \quad (1)$$

$$S=1, N_{\alpha}=2, N_{\beta}=0 \quad (الف)$$

\*  $L =$  معان گردشی کل

\*  $=$  معان زاویه ای اوربیتال

$$L = \begin{vmatrix} 11, 10, 9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1 \\ 9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1 \\ 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2 \\ 7, 6, 5, 4, 3 \\ 5 \\ 9, 8, 7, 6, 5, 4, 3 \\ 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1 \\ 6, 5, 4, 3, 2, 1, 0 \\ 5, 4, 3, 2, 1 \\ 3 \\ 7, 6, 5 \\ 5, 4, 3 \\ 4, 3, 2 \\ 3, 2, 1 \\ 1 \end{vmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} 9, 8, 7, 6, 5, 4, 3 \\ 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1 \\ 6, 5, 4, 3, 2, 1, 0 \\ 5, 4, 3, 2, 1 \\ 3 \end{vmatrix}$$

$$= 11, 10, 9(2), 8(3), 7(5), 6(5), 5(7), 4(6), 3(7), 2(5), 1(4)$$

جمله‌های طیفی مربوط به مقادیر فوق عبارتند از:  ${}^2N, {}^2O, {}^4F(7), {}^4G(6), {}^4H(7), {}^4I(5), {}^4K(5), {}^4L(3), {}^4M(2), {}^4D(5)$  و  ${}^2P(4)$  می‌باشند. به طور خلاصه، جمله‌های طیفی آرایشهای الکترونی  $nf^5(nf^4)$  عبارتند از:  ${}^4M, {}^4P, {}^4F, {}^4H, {}^4P(2), {}^4D(3), {}^4F(4), {}^4G(4), {}^4H(3), {}^4I(3), {}^4K(2), {}^4L, {}^4G(6), {}^4H(7), {}^4I(5), {}^4K(5), {}^4L(3), {}^4M(2), {}^2N, {}^2O, {}^4S, {}^2P(4)$  و  ${}^2D(5), {}^2F(7)$ .

جمله‌های طیفی برای آرایشهای الکترونی مکمل، یعنی آرایشهای با  $N - (2l + 1) = 2$  الکترون (یا  $N$  حفره الکترون) یکسان است. نتایج حاصل از این قواعد با نتایج اسلیتر برای اربیتالهای  $d, p$  و  $f$  مطابقت دارد.

ترجمهٔ فائزه فرزانه

• Journal of Chemical Education, September 1987

\* منظور از  ${}^2I(5)$  این است که جملهٔ طیفی  ${}^2I$  پنج بار در نظر گرفته شود.

$${}^2P, {}^2D(2), {}^2F, {}^2G, {}^2H, {}^2P, {}^2F,$$

$$nf^5(nf^4) : l=3, N=5, S=\frac{5}{2}, \frac{3}{2}, \frac{1}{2} \quad (2)$$

$$S=\frac{5}{2}, N_\alpha=5, N_\beta=0 \quad (\text{الف})$$

$$M_{L_{\max}}^\alpha = 3 + (3-1) + (3-2) + (3-3) + (3-4) = 5$$

$$M_{L_{\max}}^\beta = 0$$

لذا

جمله‌های  $L=5, 3, 1$  و  $L_\beta=0, L_\alpha=5, 3, 1$  طیفی مربوط به آن  ${}^2H, {}^2F$  و  ${}^2P$  است.

$$S=\frac{3}{2}, N_\alpha=4, N_\beta=1 \quad (\text{ب})$$

$$M_{L_{\max}}^\alpha = 3 + (3-1) + (3-2) + (3-3) = 6$$

$$M_{L_{\max}}^\beta = 3$$

بنابراین

$$\text{و } L_\beta=3, L_\alpha=6, 4, 3, 2, 0$$

$$L = \begin{vmatrix} 9, 8, 7, 6, 5, 4, 3 \\ 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1 \\ 6, 5, 4, 3, 2, 1, 0 \\ 5, 4, 3, 2, 1 \\ 3 \end{vmatrix} - (5, 3, 1) = 9$$

$8, 7(2), 6(3), 5(3), 4(4), 3(4), 2(3), 1(2), 0$  جمله‌های طیفی مربوط به مقادیر فوق عبارتند از:  ${}^4L, {}^4M, {}^4F(4), {}^4G(4), {}^4H(3), {}^4I(3), {}^4H(3), {}^4K(2), {}^4D(3)$  و  ${}^4S, {}^4P(2)$ .

$$S=\frac{1}{2}, N_\alpha=3, N_\beta=2 \quad (\text{ج})$$

$$M_{L_{\max}}^\alpha = 3 + (3-1) + (3-2) = 6$$

$$M_{L_{\max}}^\beta = 3 + (3-1) = 5$$

بنابراین  $L_\beta=5, 3, 1, L_\alpha=6, 4, 3, 2, 0$  و